1. Множества на числовой прямой (N, Z, 0). Иррациональность числа √2.
2. Понятие сечения множества О. Примеры сечений.
3. Упорядочение вещественных чисел. Две леммы.
4. Приближение чисел конечными десятичными дробями.
5. Непрерывность множества R. Теорема Дедекинда.
6. Грани множеств. Точные грани. Теорема о существовании точной грани. Основное свойство точных граней.
7. Ограниченные и неограниченные числовые последовательности. Понятие. Примеры.
8. Бесконечно большие и бесконечно малые последовательности. Связь между ними.
9. Основные свойства б.м. последовательностей.
10. Сходящиеся числовые последовательности. Понятие. Примеры. Расходимость.
11. Теоремы о единственности предела и об ограниченности сходящейся последовательности.
12. Арифметические свойства пределов последовательностей.
13. Теоремы о предельном переходе в неравенствах для последовательностей.
14. Признак сходимости монотонных последовательностей.
15. Принцип вложенных отрезков.
16. Число e.
17. ﻿﻿﻿﻿Понятие подпоследовательности. Леммы о сходимости последовательности и ее подпоследовательностей.
18. ﻿﻿﻿Лемма о выделении монотонной подпоследовательности.
19. ﻿﻿﻿﻿Предельные точки последовательности, связь с частичными пределами.
20. Теорема Больцмана-Вейерштрасса.
21. Следствия из теоремы Б.-В. ( 3 леммы).
22. Теорема Б.-В. для неограниченной последовательности.
23. Фундаментальные последовательности. Примеры. Критерий Коши.
24. Определение предела функции в точке по Коши, по Гейне. Примеры.
25. Эквивалентность определений предела функции по Гейне и по Коши.
26. Односторонние пределы функции в точке. Теорема. Примеры.
27. Другие виды пределов функции - в точке, на бесконечности.
28. Арифметические свойства пределов функции. Предельный переход в неравенствах.
29. Первый замечательный предел.
30. Второй замечательный предел.
31. Сравнение бесконечно малых функций. Свойства эквивалентных б.м.ф.
32. Понятие функции, непрерывной в точке. Определения, примеры.
33. Непрерывность функций у=с, x, Pn(x), Pn(x)/Qm(x), тригонометрических функций.
34. Теорема о непрерывности монотонной функции.
35. ﻿﻿﻿﻿Непрерывность сложной функции. Следствия из второго замечательного предела.
36. ﻿﻿﻿﻿Первая теорема Больцано-Коши.
37. ﻿﻿﻿﻿Вторая теорема Больцано-Коши.
38. ﻿﻿﻿﻿Теорема об устойчивости знака непрерывной функции.
39. ﻿﻿﻿﻿Лемма о локальной ограниченности непрерывной функции. Первая теорема Вейерштрасса.
40. ﻿﻿﻿﻿Вторая теорема Вейерштрасса.
41. ﻿﻿﻿﻿Непрерывность обратной функции. Теорема.
42. ﻿﻿﻿﻿Точки разрыва, их классификация. Примеры.
43. Равномерная непрерывность функции. Понятие, примеры. Связь с непрерывностью.
44. Теорема Кантора.
45. ﻿﻿﻿﻿Понятие производной. Ее геометрический смысл.
46. ﻿﻿﻿﻿Производные от функций: у=с, y=x, y=xn, sinx, cosx, aх, loga×.
47. Односторонние производные. связь с существованием производной.
48. Дифференцируемость функции в точке. Два определения, их эквивалентность.
49. Связь между дифференцируемостью и существованием производной, между дифференцируемостью и непрерывностью.
50. Понятие дифференциала функции. Геометрический смысл дифференциала.
51. Приближенные вычисления при помощи дифференциала.
52. Производная суммы, разности, произведения, частного.
53. Производные обратных тригонометрических функций.
54. Производная сложной функции.
55. Логарифмическая производная.
56. Инвариантность формы дифференциала 1-го порядка.
57. Возрастание (убывание) функции в точке. Теорема.
58. Теорема Ферма.
59. ﻿﻿﻿﻿Теорема Ролля.
60. ﻿﻿﻿﻿Теорема Лагранжа, следствия из нее.
61. ﻿﻿﻿﻿Теорема Коши.
62. ﻿﻿﻿﻿Производные высших порядков для элементарных функций.
63. ﻿﻿﻿﻿Формула Лейбница.
64. ﻿﻿﻿﻿Дифференциалы высших порядков. Неинвариантность их формы.
65. ﻿﻿﻿﻿Параметрическое дифференцирование.
66. ﻿﻿﻿﻿Раскрытие неопределенностей вида 0/0 по правилу Лопиталя.
67. ﻿﻿﻿﻿Раскрытие неопределенностей вида ∞/∞ по правилу Лопиталя.
68. ﻿﻿﻿﻿Раскрытие различных видов неопределенностей.
69. ﻿﻿﻿﻿Формула Тейлора с остатком в форме Пеано.
70. Формула Тейлора с остатком в форме Лагранжа. Формула Маклорена.
71. ﻿﻿﻿﻿Оценка остатка формулы Тейлора.
72. ﻿﻿﻿﻿Разложение по формуле Маклорена для элементарных функций.